

**1. (alternativa B)**

A expressão contém apenas adições e subtrações, por isso podemos efetuar essas operações em qualquer ordem. A escolha sobre qual a melhor ordem é apenas uma questão de conveniência. Por exemplo, podemos efetuar primeiro as subtrações, escrevendo  $2005 - 205 + 25 - 2 = (2005 - 205) + (25 - 2) = 1800 + 23 = 1823$ .

**2. (alternativa B)**

Por leitura direta da figura, vemos que uma extremidade do selo está na marca de 20 cm e a outra na marca de 16,6 cm. O comprimento do selo é a diferença entre estes dois valores, ou seja,  $20 - 16,6 = 20,0 - 16,6 = 3,4$  cm.

**3. (alternativa A)**

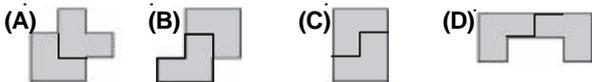
Denotemos por  $a$  o numerador da fração que aparece no quadro negro. Temos  $a/3 = 5$ , donde  $a = 3 \times 5 = 15$ . Por outro lado,  $a = 2 \times 12 - x$  onde  $x$  representa o número apagado. Portanto  $2 \times 12 - x = 15$ , ou seja  $24 - x = 15$ . Logo  $x = 9$ .

**4. (alternativa D)**

Na figura temos um retângulo de 9 ladrilhos no comprimento e 7 na largura, o que dá um total de  $9 \times 7 = 63$  ladrilhos, dos quais 12 são brancos. Então o número de ladrilhos pretos é  $63 - 12 = 51$ . Logo o custo total do piso é  $12 \times 2 + 51 \times 3 = 24 + 153 = 177$  reais.

**5. (alternativa E)**

Os desenhos abaixo mostram como juntar as duas peças para obter as alternativas (A), (B), (C) e (D). Apenas a alternativa (E) não pode ser obtida juntando as duas peças, como se pode verificar diretamente por tentativas.

**6. (alternativa C)**

Marina, ao dar 60 reais para pagar uma conta de 17 reais, deveria receber  $60 - 17 = 43$  reais de troco, mas recebeu somente  $20 - 17 = 3$  reais. Logo, seu prejuízo foi de  $43 - 3 = 40$  reais.

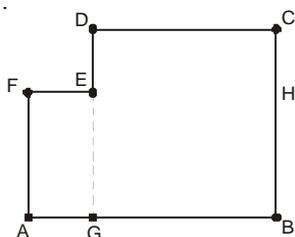
Uma outra maneira de resolver o problema é notar que, ao confundir uma nota de 10 reais com uma de 50 reais, Marina teve um prejuízo de  $50 - 10 = 40$  reais. Esta solução mostra que o prejuízo de Marina não depende do preço da blusa.

**7. (alternativa D)**

As figuras mostram que o tanque de gasolina do carro continha  $3/4$  de sua capacidade no momento de partida e  $1/4$  no momento de chegada. Deste modo, João gastou  $3/4 - 1/4 = 1/2$  do tanque na viagem. Como o tanque tem capacidade para 50 litros, isto quer dizer que João gastou  $50 \times 1/2 = 25$  litros de gasolina na viagem. Note que esta última conta pode ser pensada como "João gastou meio tanque de gasolina e a metade de 50 é 25".

**8. (alternativa B)**

Precisamos calcular o perímetro do polígono mostrado na figura, ou seja, queremos achar  $AB + BC + CD + DE + EF + FA$ . Nesta



soma conhecemos as parcelas  $AB = 80$ ,  $BC = 60$ ,  $CD = 60$  e  $FA = 40$ , e assim nosso problema é achar o comprimento de  $DE$  e  $EF$ . O ponto  $G$  na figura é construído prolongando-se o lado  $DE$ . Obtemos então os dois retângulos  $AGEF$  e  $BCDG$ . Logo  $EF = AB - CD = 80 - 60 = 20$  e  $DE = BC - AF = 60 - 40 = 20$ . Assim, o perímetro pedido é  $80 + 60 + 60 + 20 + 20 + 40 = 280$  metros. Para justificar o raciocínio acima, notamos que  $AGEF$  e  $BCDG$  são retângulos porque dois quaisquer de seus lados consecutivos são perpendiculares. Como os lados opostos de um retângulo têm a mesma medida, podemos calcular  $EF$  e  $DE$  mais detalhadamente como  $EF = AG = AB - BG = AB - CD = 80 - 60 = 20$  e  $DE = DG - EG = BC - AF = 60 - 40 = 20$ .

**9. (alternativa C)**

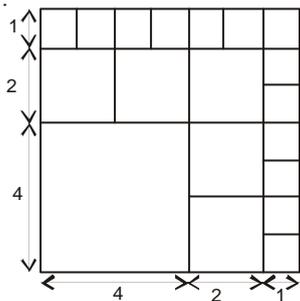
Como há 22 times no campeonato e cada time só não enfrenta a si próprio, então ele joga 21 vezes (com os outros 21 times) em seu campo e mais 21 vezes nos campos dos adversários. No total, cada time disputa  $21 + 21 = 42$  partidas.

**10. (alternativa E)**

Como o time disputou 20 jogos, venceu 8 e perdeu 8, o número de empates é:  $20 - 8 - 8 = 4$ . Logo, o time obteve  $8 \times 3 = 24$  pontos com as vitórias e  $4 \times 1 = 4$  pontos com os empates. Portanto, o time obteve  $24 + 4 = 28$  pontos (o time não ganha pontos quando perde).

**11. (alternativa C)**

Os números (de 1 a 12) no mostrador do relógio dividem a circunferência em 12 partes iguais, e a cada uma corresponde um ângulo central de  $360^\circ \div 12 = 30^\circ$ . Quando o relógio marca 2 horas, o ângulo formado pelos ponteiros corresponde à soma de dois ângulos de  $30^\circ$  cada, logo é igual a  $2 \times 30^\circ = 60^\circ$ .

**12. (alternativa D)**

Lembre que a área de um quadrado de lado  $L$  é igual a  $L^2$ ; deste modo, se conhecemos a área  $a$  de um quadrado então seu lado é  $\sqrt{a}$ . A área da folha cortada é a soma das áreas dos quadrados menores, que é  $16 + 5 \times 4 + 13 \times 1 = 49 \text{ cm}^2$ . Logo, antes de ser cortada, a folha tinha lado  $\sqrt{49} = 7 \text{ cm}$ .

Outra solução deste problema é notar que os quadrados do enunciado podem ser agrupados de modo a formar um quadrado maior de lado 7, conforme indicado no desenho.

**13. (alternativa A)**

Num cubo, duas faces são *adjacentes* quando têm uma aresta comum e *opostas* quando não têm aresta comum. No caso, duas faces opostas do cubo foram pintadas de amarelo e as outras quatro de verde, ou seja, cada face verde é adjacente às duas amarelas. Em cada face amarela do cubo, 9 cubinhos têm uma face amarela. Desses 9 cubinhos, apenas o do centro não tem uma face verde. Logo em cada face amarela temos 8 cubinhos com faces verde e amarela. Como o cubo tem duas faces amarelas, o número total de cubinhos que têm faces com duas cores é  $8 + 8 = 16$ .

**14. (alternativa E)**

Como os números envolvidos são pequenos, a questão pode ser resolvida efetuando os cálculos indicados e verificando a paridade do resultado:

(A)  $7 \times 5 \times 11 \times 13 \times 2 = 10010$  que é par

(B)  $(2005 - 2003) \times (2004 + 2003) = 2 \times 4007 = 8014$  que é par

(C)  $7 + 9 + 11 + 13 + 15 + 17 = 72$  que é par

(D)  $5^2 + 3^2 = 25 + 9 = 34$  que é par

(E)  $3 \times 5 + 7 \times 9 + 11 \times 13 = 15 + 63 + 143 = 221$  que é ímpar

Por outro lado, usando seguintes fatos sobre números inteiros

$par + par = par$

$par + ímpar = ímpar$

$ímpar + ímpar = par$

$(qualquer \ número) \cdot par = par$

$ímpar \cdot ímpar = ímpar$

podemos argumentar como se segue. Os resultados de (A) e (B) são pares, pois ambos contêm o fator 2. Os resultados de (C) e (D) são pares pois são somas de um número par de parcelas ímpares. Finalmente o resultado de (E) é ímpar pois é a soma de um número ímpar de parcelas ímpares. Note que este argumento não depende do fato dos números envolvidos serem grandes ou pequenos.

**15. (alternativa A)**

Os números nos bilhetes comprados por Marcelo são da forma  $777X$ ,  $77X7$ ,  $7X77$  ou  $X777$ , onde  $X$  representa algum dos oito algarismos 1, 2, 3, 4, 5, 6, 8 e 9. Em cada um desses casos, há 8 possibilidades para os números dos bilhetes. Por exemplo, no primeiro caso, temos os seguintes oito números:  $7771$ ,  $7772$ ,  $7773$ ,  $7774$ ,  $7775$ ,  $7776$ ,  $7778$  e  $7779$ . Portanto, o número de bilhetes comprados por Marcelo é  $4 \times 8 = 32$ .

**16. (alternativa D)**

Como  $100 \text{ degraus} = 10 \times 10 \text{ degraus}$ , Rosa gastará  $15 \times 10 = 150$  segundos para chegar ao último degrau da escada. Do mesmo modo, Maria levará  $20 \times 10 = 200$  segundos para atingir o topo da escada. Assim, quando Rosa terminar de subir a escada, faltarão  $200 - 150 = 50$  segundos para Maria completar a subida.

**17. (alternativa B)**

Sabemos que  $1 \text{ m} = 100 \text{ cm}$ . A altura do muro é igual a 2 m, ou seja, 200 cm, e a altura de cada tijolo é de 5 cm. Logo, serão necessárias cerca de  $200 \div 5 = 40$  camadas horizontais de tijolos para atingir a altura do muro. O comprimento do muro é de 7 m, ou seja, 700 cm e o comprimento de um tijolo é de 20 cm. Assim, devem ser colocados em cada camada horizontal do muro cerca de  $700 \div 20 = 35$  tijolos. Levando em conta a espessura da camada de cimento, podemos estimar que o número total de tijolos necessários é  $40 \times 35 = 1400$ . Logo Valdemar vai precisar comprar dois milheiros de tijolos.

**18. (alternativa E)**

De janeiro a junho há 6 meses. Portanto, Caio economizou  $6 \times 20 = 120$  moedas até junho. O triplo de 120 é  $3 \times 120 = 360$ . Como Sueli continuou guardando 30 moedas por mês, ela conseguiu guardar 360 moedas após  $360 \div 30 = 12$  meses, ou seja, em dezembro de 2004.

**19. (alternativa C)**

As amostras cujo percentual de álcool é maior que o de gasolina são aquelas que contêm mais de 50% de álcool. No gráfico, estas amostras correspondem àquelas cuja barra horizontal ultrapassa a marca de 50%, que são as amostras de número 1, 2 e 3.

**20. (alternativa A)**

Como estamos em agosto de 2005, Carlinhos já fez seu aniversário este ano. Assim, ao inverter os dois últimos algarismos do ano em que nasceu, ele escreveu na ficha o ano  $2005 - 56 = 1949$ . Ele deveria então ter escrito 1994, que é o verdadeiro ano do seu nascimento. Portanto Carlinhos tem  $2005 - 1994 = 11$  anos.